

ΤΜΗΜΑ ΦΥΣΙΚΗΣ

Διδάσκοντες: Κ. Φουντάς, Μ. Μπενής, Ν. Πατρώνης.

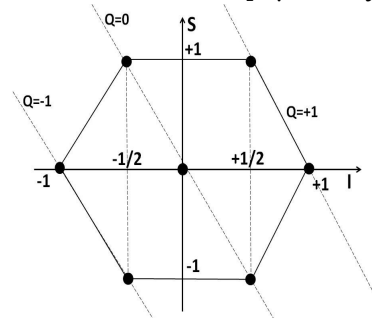
“ΣΥΓΧΡΟΝΗ ΦΥΣΙΚΗ ΙΙ”

24 – 9 – 2012

Θέμα 1^ο:

- (α) Η αντίδραση $e^+e^- \rightarrow e^+e^-$ περιγράφεται από δύο διαγράμματα Feynman. Σχεδιάστε τα δύο διαγράμματα και δώστε τα ονόματα όλων των σωματιδίων καθώς και του μεταδότη/φορέα. [6 μονάδες]
 (β) Αρχίζοντας από τα δύο διαγράμματα του (α) σχεδιάστε δύο διαγράμματα Feynman για την αντίδραση $e^+e^- \rightarrow e^+e^- \gamma$. [6 μονάδες]

(γ) Σύμφωνα με το μοντέλο των κουάρκ (quark) τα μεσόνια με σπιν μηδέν ακολουθούν τη συμμετρία του διπλανού διαγράμματος. Ο άξονας-y είναι βαθμονομημένος σε μονάδες παραδοξότητας και ο άξονας-x σε μονάδες ισospίν. Κάθε σημείο του διπλανού διαγράμματος αναπαριστά ένα μεσόνιο. Τα μεσόνια πάνω στις διακεκομμένες γραμμές έχουν φορτία -1, 0, +1.



- (1) Ποιοι συνδυασμοί από κουάρκ και αντι-κουάρκ αντιστοιχούν στα σημεία ;
 (2) Γράψτε τα μεσόνια (πιόνια και καόνια) τα οποία αντιστοιχούν σε κάθε σημείο του διαγράμματος.

| | | | | | | |
|---|------|------|------|------|------|------|
| | u | d | c | s | t | b |
| Q | +2/3 | -1/3 | +2/3 | -1/3 | +2/3 | -1/3 |
| S | 0 | 0 | 0 | -1 | 0 | 0 |
| I | +1/2 | -1/2 | 0 | 0 | 0 | 0 |

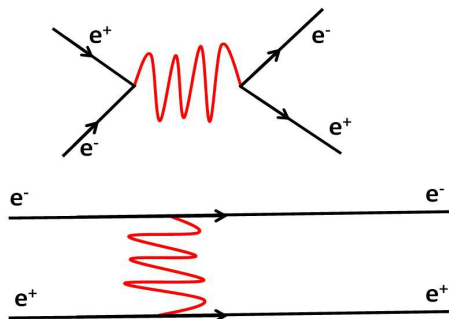
Οι κβαντικοί αριθμοί των κουάρκ δίνονται στον πίνακα:

[7 μονάδες]

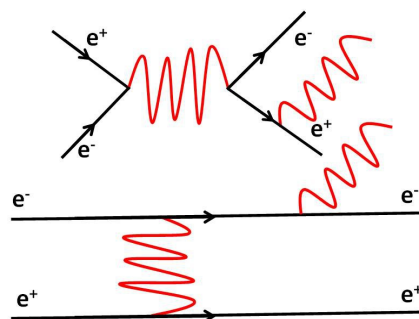
- (δ) Σύμφωνα με τη θεωρία του Yukawa οι ισχυρή αλληλεπίδραση η οποία είναι υπεύθυνη για τη σταθερότητα των πυρήνων μεταδίδεται μέσω των σωματιδίων του Yukawa (τα οποία σήμερα ονομάζονται πιόνια). Εκτιμήστε την μάζα των πιονίων με δεδομένο ότι η εμβέλεια της ισχυρής αλληλεπίδρασης είναι 1-2 fm. Βάση αυτών εκτιμήσετε τον χρόνο ζωής μεταπτώσεων που λαμβάνουν χώρα λόγω της ισχυρής αλληλεπίδρασης. Δίνεται ότι $\hbar c \approx 200 \text{ MeV fm}$. [6 μονάδες]

Λύση:

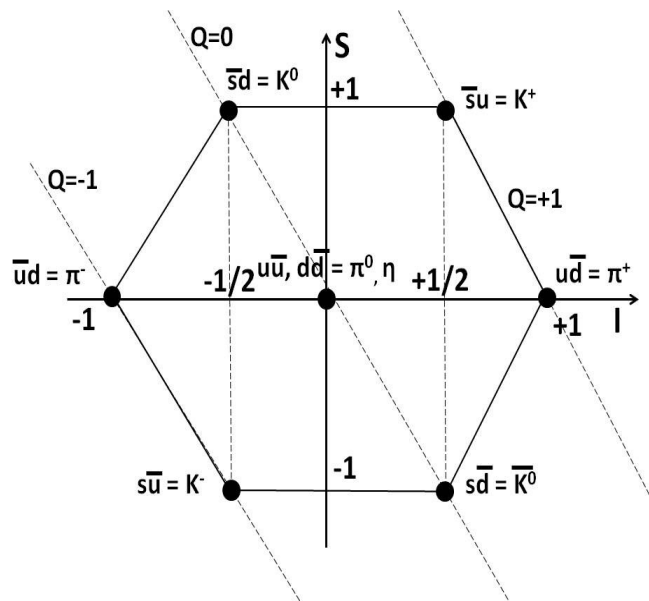
(α)



(β)



(γ)



Από τον πίνακα των κουάρκ που μας δίνεται έχουμε ότι σωματίδια με παραδοξότητα μηδέν δεν έχουν s-κουάρκ. Σωματίδια με παραδοξότητα +1 έχουν ένα s-αντι-κουάρκ και σωματίδια με παραδοξότητα -1 έχουν ένα s-κουάρκ.

Ξέρουμε ότι τα σωματίδια είναι μεσόνια και συνεπώς αποτελούνται από ένα ζεύγος κουάρκ/αντι-κουάρκ. Άρα μας μένει να βρούμε τώρα το δεύτερο κουάρκ ή αντι-κουάρκ. Αυτό μπορεί να γίνει με δύο τρόπους.

1. Χρησιμοποιώντας το ισοσπίν το οποίο μας δίνεται στον πίνακα και φαίνεται στο σχήμα πάνω στον άξονα x. Παραδείγματος χάριν το σωματίδιο με $(I, S) = (1/2, 1)$ πρέπει να αποτελείται από ένα s-αντι-κουάρκ και ένα άλλο μη-παράδοξο κουάρκ με ισοσπίν 1/2. Συνεπώς το δεύτερο κουάρκ θα είναι ή u-κουάρκ ή αντι-d-κουάρκ. Αντι-d-κουάρκ δεν μπορεί να είναι γιατί τότε το μεσόνιο θα είχε φορτίο $2|e|/3$ και στη φύση δεν παρατηρούνται σωματίδια με κλασματικό φορτίο. Άρα το δεύτερο κουάρκ είναι αναγκαστικά το u-κουάρκ. Έτσι το μεσόνιο αποτελείται από ένα s-αντι-κουάρκ και ένα u-κουάρκ και έχει φορτίο $|e|$.
2. Χρησιμοποιώντας το φορτίο που επίσης δίνεται. Όπως είδαμε το σωματίδιο με $(I, S) = (1/2, 1)$ αποτελείται από ένα s-αντι-κουάρκ και ένα άλλο μη-παράδοξο κουάρκ με συνολικό φορτίο $|e|$. Άρα το δεύτερο κουάρκ θα είναι το u-κουάρκ.

Ξέροντας ότι τα καόνια έχουν παραδοξότητα και ότι τα πόνια έχουν παραδοξότητα μηδέν μπορούμε τώρα να συμπληρώσουμε και τα ονόματα των μεσονίων.

(δ)

$$\Delta E \Delta t \approx \hbar \Rightarrow \Delta E \Delta t c \approx \hbar c \Rightarrow \Delta E r_0 \approx \hbar c \Rightarrow \Delta E \approx \frac{\hbar c}{r_0} = \frac{197.3 \text{ MeV fm}}{1 \text{ fm}} \approx 200 \text{ MeV}$$

αν είχαμε χρησιμοποιήσει 2 fm τότε θα είχαμε $\Delta E \approx 100 \text{ MeV}$. Συνεπώς η ενέργεια (μάζα) του σωματιδίου του Yukawa είναι μεταξύ 100 και 200 MeV.

$$\Delta t \approx \frac{r_0}{c} = \frac{(1-2) \text{ fm}}{3 \times 10^8 \text{ m/s}} = 0.3 - 0.6 \times 10^{-23} \text{ s}$$

Έτσι ο χαρακτηριστικός χρόνος ζωής των ισχυρών αλληλεπιδράσεων είναι της τάξης των 10^{-23} s με 10^{-24} s

Θέμα 2ο:

(α) Πρωτόνια με κινητική ενέργεια 5 MeV προσπίπτουν σε λεπτό φύλλο χρυσού. Θεωρείστε σκέδαση Rutherford και υπολογίστε τη διαφορική ενεργό διατομή σε μονάδες (b/sr) για γωνία σκέδασης 45°.

Ο χρυσός έχει ατομικό αριθμό $Z=79$.

[7 μονάδες]

(β) Σε συνέχεια του προηγούμενου ερωτήματος θεωρήστε ότι το πάχος του φύλλου χρυσού είναι 1 μm. Ένας ανιχνευτής επιφάνειας 1 cm² βρίσκεται σε απόσταση 50 cm από τον στόχο και σε γωνία 45°. Η δέσμη πρωτονίων έχει ροή-ένταση $I = 5 \times 10^{10} \text{ sec}^{-1}$. Υπολογίστε πόσα σωματίδια ανά δευτερόλεπτο ανιχνεύονται. (Το ατομικό βάρος του χρυσού είναι $A=196.97 \text{ gr}$ και η πυκνότητα του $\rho=19.32 \text{ gr/cm}^3$)

[10 μονάδες]

(γ) Κατά την διάρκεια λειτουργίας ενός πυρηνικού αντιδραστήρα αφαιρούμε ένα μονο-ισοτοπικό δείγμα. Η ενεργότητα του δείγματος αυτού την χρονική στιγμή $t=0$ είναι 230 kBq. Μετά από χρονικό διάστημα τεσσάρων ωρών (4 h) η ενεργότητα του δείγματος έχει μειωθεί στα 68.7 kBq. Να βρεθεί ο μέσος χρόνος ζωής (το αντίστροφο της σταθεράς αποδιέγερσης), ο χρόνος ημιζωής (ο χρόνος στον οποίο ο αριθμός των πυρήνων είναι ίσος με το ήμισυ του αρχικού), και το πλήθος των πυρήνων του ασταθούς ισότοπου την χρονική στιγμή $t=0$.

[8 μονάδες]

Δίνονται: $\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0\hbar c} = \frac{1}{137}$, $\hbar \cdot c = 197.3 \text{ MeV fm}$, $1\text{Bq} = 1 \times \text{αποδιέγερση/sec}$

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left[\frac{Z \cdot z \cdot e^2}{16 \cdot \pi \cdot \epsilon_0 \cdot K} \right]^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} \quad \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{(Z \cdot z)^2}{16} \left[\frac{1}{137} \right]^2 \left[\frac{197.3}{K(\text{MeV})} \right]^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} (\text{fm}^2/\text{sr})$$

Λύση:

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{(Z \cdot z)^2}{16} \left[\frac{1}{137} \right]^2 \left[\frac{197.3}{K(\text{MeV})} \right]^2 \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} (\text{fm}^2/\text{sr})$$

$$(α) \quad \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{(79 \cdot 1)^2}{16} \left[\frac{1}{137} \right]^2 \left[\frac{197.3}{5} \right]^2 \frac{1}{\sin^4(45/2)} (\text{fm}^2/\text{sr})$$

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = 1.509 \times 10^3 (\text{fm}^2/\text{sr}) = 15.09 (\text{b}/\text{sr})$$

(β) Οι πυρήνες χρυσού ανά μονάδα επιφάνειας:

$$T = \frac{\rho(\text{Au}) \Delta x N_A}{A} = \frac{19.3 \text{ gr cm}^{-3} \cdot 10^{-4} \text{ cm} \cdot 6.023 \cdot 10^{23}}{197 \text{ gr}} = 5.9 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-2}$$

Η στερεά γωνία: $\Delta\Omega = \frac{1 \text{ cm}^2}{50^2 \text{ cm}^2} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ sr}$

Ο ρυθμός γεγονότων στον ανιχνευτή:

$$N = \frac{d\sigma}{d\Omega} \cdot d\Omega \cdot I \cdot T = 15.09 (\text{b sr}^{-1}) \cdot 4 \cdot 10^{-4} \text{ sr} \cdot 5 \cdot 10^{10} \cdot 5.9 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-2}$$

$$N = \frac{d\sigma}{d\Omega} \cdot d\Omega \cdot I \cdot T = 15.09 \cdot 10^{-24} \text{ cm}^2 \text{ sr}^{-1} \cdot 4 \cdot 10^{-4} \text{ sr} \cdot 5 \cdot 10^{10} \cdot 5.9 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-2}$$

$$N = 1.8 \cdot 10^3 (1/\text{s})$$

(γ)

$$R = R_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \lambda = -\ln\left(\frac{R}{R_0}\right) \frac{1}{t} \Rightarrow -\ln\left(\frac{68.7}{230}\right) \frac{1}{4} \Rightarrow \lambda = 0.302(1/h) = 8.389 \cdot 10^{-5} (1/s)$$

$$\tau = \frac{1}{\lambda} = 11920 \text{ s}$$

$$T_{1/2} = \frac{\ln(2)}{\lambda} = 2.295 \text{ h}$$

$$R_0 = \lambda N \Rightarrow N = \frac{R_0}{\lambda} \Rightarrow N = \frac{230 \cdot 10^3}{8.389 \cdot 10^{-5}} = 2.742 \cdot 10^9 \text{ πυρήνες}$$