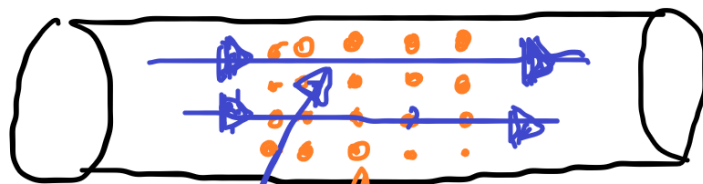


ΚΕΦΑΛΑΙΟ 26 - ΡΕΥΜΑ ΚΑΙ ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

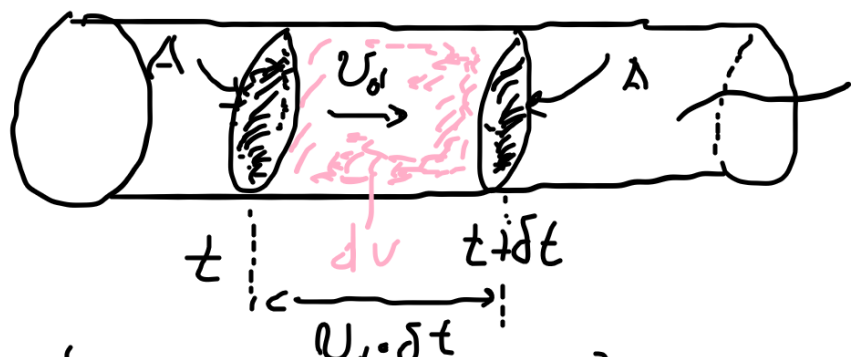
9.4.21

1



$$i(t) = \frac{dQ}{dt} \rightarrow \frac{\text{Coulomb}}{\text{sec}} = \text{AMPERE}$$

↳ ΗΛΕΚΤΡΙΚΟ ΡΕΥΜΑ / ΕΝΤΑΣΗ



$$n_e = \frac{\#e^-}{m^3}$$

↳ ΠΥΚΝΟΤΗΤΑ ΗΛΕΚΤΡΙΚΩΝ ΦΟΡΤΙΩΝ

$$\left. \begin{aligned} dQ &= n_e \cdot e \cdot dv \\ dv &= v \cdot dt \cdot A \end{aligned} \right\} \Rightarrow dQ = n_e \cdot e \cdot v_d \cdot A \cdot dt$$

$$i(t) = \frac{dQ}{dt} = n_e e v_d \cdot A$$

$$J(t) = \frac{i(t)}{A} = n_e e v_d$$

ΙΟΝΤΑ ΠΛΕΓΜΑΤΟΣ

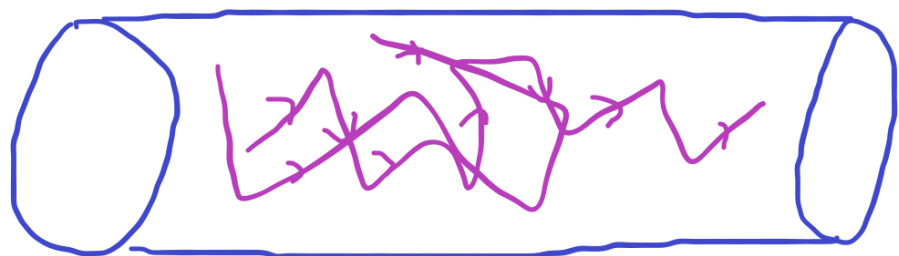
Ελεύθερα ηλεκτρόνια

- ΤΑ ΕΛΕΥΘΕΡΑ e^- ΚΙΝΟΥΝΤΑ ΠΡΟΣ ΜΙΑ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗ ΑΝ ΥΠΑΡΧΕΙ ΚΑΠΟΙΟ ΗΛΕΚΤΡΙΚΟ ΠΕΔΙΟ

$$v_d \sim 10^{-5} - 10^{-4} \frac{m}{sec}$$

- ΑΝ ΔΕΝ ΥΠΑΡΧΕΙ ΗΛΕΚΤΡ. ΠΕΔΙΟ ΤΑ ΕΛΕΥΘΕΡΑ e^- ΚΙΝΟΥΝΤΑΙ ΣΕ ΤΥΧΑΙΕΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΕΙΣ ΜΕΤΗΛΕΓΟΜΕΝΗ ΘΕΡΜΙΚΗ

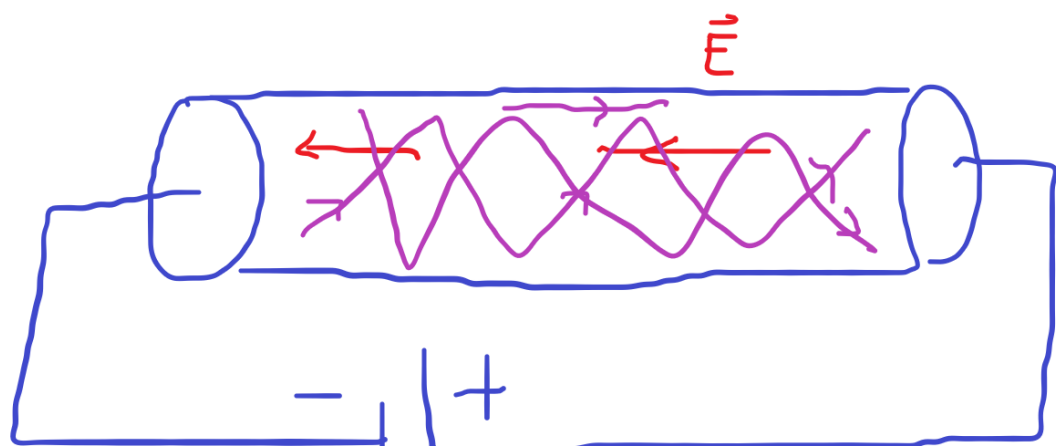
ΤΑΧΥΤΗΤΑ $\sim 10^6 m/s \rightarrow$
εξαρτάται από το T



ΘΕΡΜΙΚΗ
ΚΙΝΗΣΗ

$$i(t) = \frac{dQ}{dt} = n_e \cdot e \cdot v_d \cdot A$$

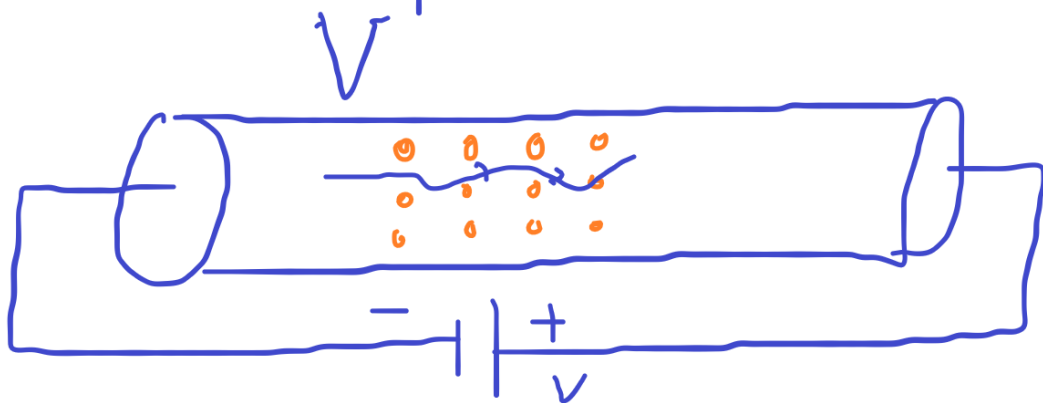
ΗΛΕΚΤΡΙΚΟ ΡΕΥΜΑ /
ΕΝΤΑΣΗ



ΜΕΤΩΔΙΑ

$$J(t) = \frac{i(t)}{A} = n_e e v_d$$

ΠΥΚΝΟΤΗΤΑ ΡΕΥΜΑΤΟΣ



ΣΥΓΚΡΟΥΣΕΙΣ ΤΟΥ ΕΛΕΥΘΕΡΩΝ e^-
ΜΕ ΤΑ ΙΟΝΤΑ ΤΟΥ ΠΛΑΣΜΑΤΟΣ \rightarrow
ΘΕΡΜΟΤΗΤΑ \Rightarrow ΗΛΕΚΤΡΙΚΗ
ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

ΑΡΙΘΜΟΣ ΦΟΡΕΩΝ ΑΝΑ ΜΟΝΑΔΑ ΟΓΚΟΥ - n_e

9.4.21

3

ΔΙΔΕΤΑΙ: ΑΤΟΜΙΚΟ ΒΑΡΟΣ, ΠΥΚΝΟΤΗΤΑ, ΚΑΙ Ο ΑΡΙΘΜΟΣ ΑVOGADRO

$$AB = ? \quad 1 \text{ mole} = 6.023 \cdot 10^{23} \text{ ΑΤΟΜΑ (ΑVOGADRO)}$$

$$AB = \text{ΤΟ ΒΑΡΟΣ ΕΝΟΣ ΜΟΛΕ [kg/mol]}$$

$$[n_e] = \text{m}^{-3} \quad [\rho] = \text{kg/m}^3$$

$$\Rightarrow M_e = ?$$

$$[n_e] = \frac{1}{\text{m}^3} = \frac{\cancel{\text{kg}}}{\text{m}^3} \cdot \frac{\cancel{\text{mole}}}{\cancel{\text{kg}}} \cdot \frac{\# \text{ ΑΤΟΜΩΝ}}{\cancel{\text{mole}}}$$

ρ $1/AB$ ΑVOGADRO

$$\Rightarrow M_e = \frac{\rho \cdot N_A}{AB}$$

ΣΧΕΣΗ ΡΕΥΜΑΤΟΣ ΚΑΙ ΦΟΡΤΙΟΥ

$$i(t) = \frac{dQ}{dt} \Rightarrow \int_0^t dQ = \int_0^t i(t) dt \Rightarrow$$

$$Q(t) = \int_0^t i(t) dt$$

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 26-3: ΔΙΔΕΤΑΙ ΧΑΛΚΙΝΟΣ ΑΓΩΓΟΣ

9.4.21

(4)

$$\rho_{Cu} = 8.96 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$R = 900 \mu\text{m}$$

$$AB_{Cu} = 63.54 \text{ gr/mole}$$

$$i = 17 \text{ mA}$$

$$N_A = 6.023 \cdot 10^{23} \text{ άτομα/mole}$$

$$\vec{v}_d = ?$$

ΛΥΣΗ

$$M_e = \frac{\rho \cdot N_A}{AB} = \frac{6.023 \cdot 10^{23} \text{ MOLE}^{-1} \cdot 8.96 \cdot 10^3 \text{ kg m}^{-3}}{63.54 \text{ MOLE}^{-1} \text{ kg} \cdot 10^{-3}} = 8.49 \cdot 10^{28} \text{ m}^{-3}$$

$$i = M_e q_e A \cdot v_d \Rightarrow v_d = \frac{i}{M_e q_e A} = \frac{17 \cdot 10^{-3} \text{ (A)} \rightarrow \cancel{\text{C}} \text{ sec}^{-1}}{8.49 \cdot 10^{28} \cancel{\text{m}^{-3}} \cdot 3.14 \cdot 10^{-12} \cancel{\text{m}^2} \cdot 1.6 \cdot 10^{-19} \cancel{\text{C}} \cdot 900^2}$$

$\hookrightarrow 3.14 (900 \cdot 10^6 \text{ m})^2$

$$\Rightarrow v_d = 4.9 \cdot 10^{-7} \frac{\text{m}}{\text{sec}}$$

ΠΡΟΒΛΗΜΑ:

$$J = 2.0 \cdot 10^5 \frac{A}{m^2}$$



9/4/21 (5)

$$i(t) = J(t) \cdot A$$

$J =$ ΟΜΟΙΟΜΟΡΦΑ ΚΑΤΑΝΕΜΗΜΕΝΟ ΣΤΟΝ ΑΓΩΓΟ \Rightarrow ΣΤΑΘΕΡΟ ΠΑΝΤΟΥ ΜΕΤΑ ΣΤΟΝ ΑΓΩΓΟ

A) ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΕ ΤΗΝ ΕΝΤΑΣΗ/ΡΕΥΜΑ ΚΟΥ ΠΕΡΙΛΑ

Από $(\frac{R}{2} - R)$

$$i = J \left(\pi R^2 - \pi \left(\frac{R}{2}\right)^2 \right) = J \pi R^2 \left(1 - \frac{1}{4} \right) = \frac{3}{4} J \pi R^2 = \underline{\underline{1.9 A}}$$

B)

$$i = \frac{15}{32} \pi \alpha R^4$$

B) ΥΠΟΘΕΣΤΕ ΟΤΙ ΤΟ J ΔΕΝ ΕΙΝΑΙ ΟΜΟΙΟΜΟΡΦΑ ΚΑΤΑΝΕΜΗΜΕΝΟ

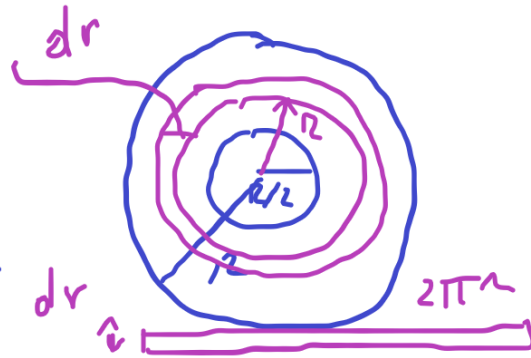
ΑΛΛΑ

$$J(\vec{r}) = \alpha r^2 \quad \alpha = 3 \cdot 10^{11} \frac{A}{m^2}$$

$$= \alpha |r|^2$$

$$i = \int_{R/2}^R \alpha r^2 dA = \int_{R/2}^R \alpha r^2 \cdot 2\pi r dr = 2\pi \alpha \int_{R/2}^R r^3 dr \Rightarrow$$

$$i = 2\pi \alpha \left. \frac{r^4}{4} \right|_{R/2}^R = \frac{2\pi \alpha}{4} \left(R^4 - \frac{R^4}{16} \right) = \frac{\pi \alpha R^4}{2} \frac{15}{16} = 7.1 A$$

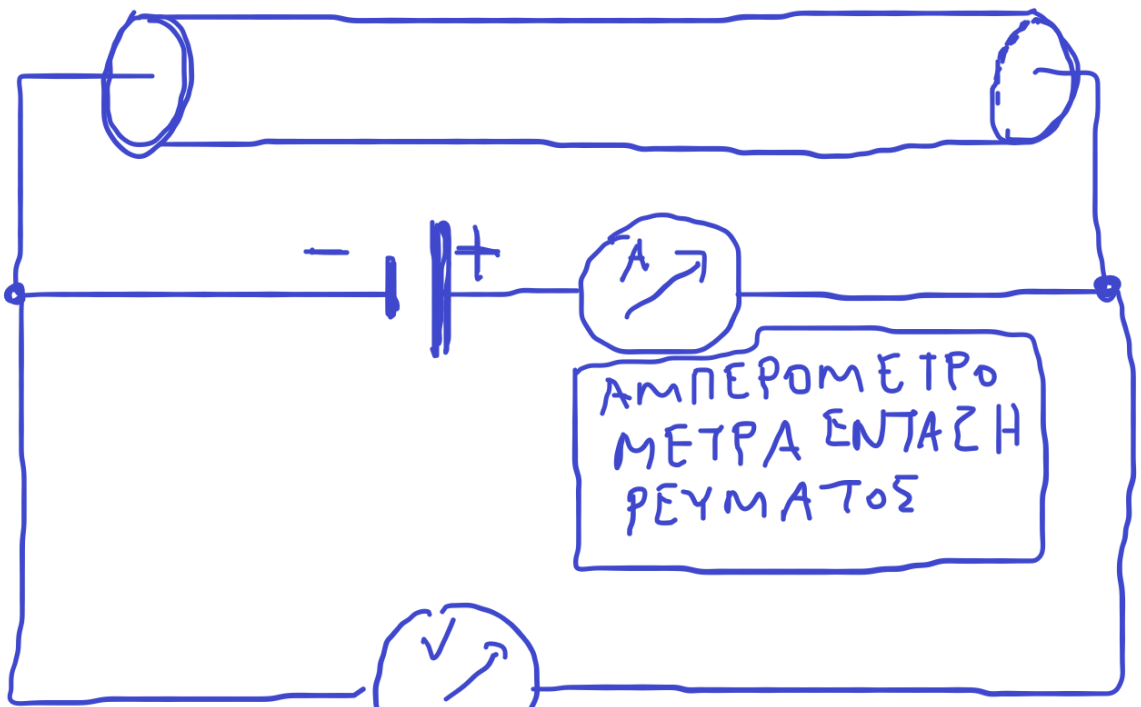


A)

$$i(t) = \sum_{i=1}^n J \cdot \Delta A_i = J \cdot A$$

$$A = \sum_i \Delta A_i$$

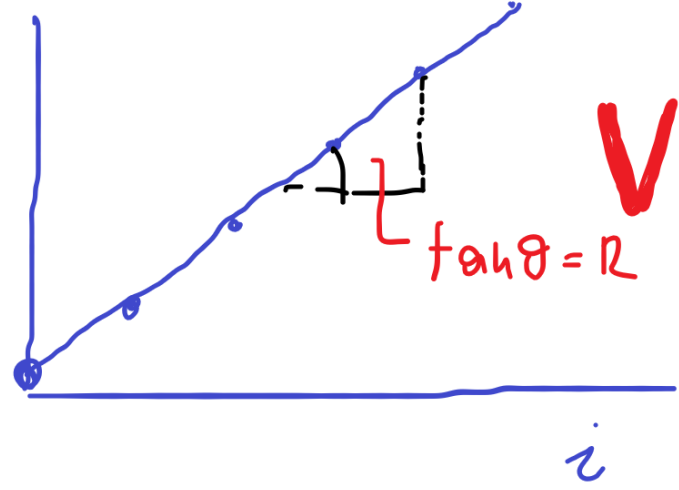
ΝΟΜΟΣ ΟΗΜ



ΑΜΠΕΡΟΜΕΤΡΟ
ΜΕΤΡΑ ΕΝΤΑΣΗ
ΡΕΥΜΑΤΟΣ

ΒΟΛΤΟΜΕΤΡΟ
ΜΕΤΡΑ ΗΛ. ΤΑΣΗ

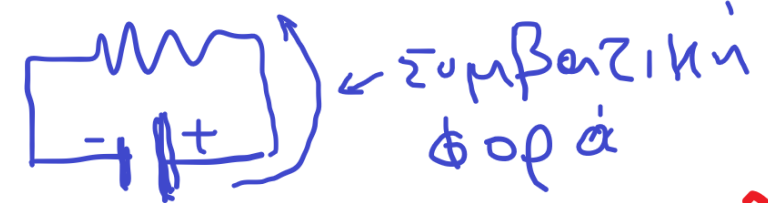
V



$V = R \cdot i$

↑
ΗΛΕΚΤΡΙΚΗ
ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

9.4.21 (6)



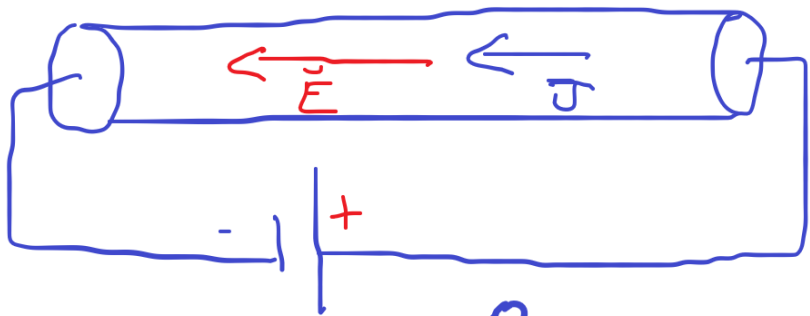
$V = R \cdot I \Rightarrow [R] = \frac{\text{VOLT}}{\text{AMPERE}} = \text{Ohm} \rightarrow \underline{\underline{\Omega}}$

↑ VOLT ↑ AMPERE

ΕΙΔΙΚΗ ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

9.4.21

7



$$\vec{E} = \rho \vec{J}$$

ΠΥΚΝΟΤΗΤΑ ΕΝΤΑΣΗΣ

ΕΙΔΙΚΗ ΑΝΤΙΣΤΑΣ

$$\rho_{Cu} = 1.69 \cdot 10^{-8} \text{ } \Omega \cdot \text{m} \text{ (Αγωγοί)}$$

$$\rho_{Si} = 2.5 \cdot 10^3 \text{ } \Omega \cdot \text{m} \text{ (Ημιαγωγοί)}$$

$$\rho_{\text{ΧΑΛΑΖΙΑΣ}} = 10^{16} \text{ } \Omega \cdot \text{m} \text{ (Μονωτές)}$$

$$\vec{J} = \sigma \vec{E} \Rightarrow \sigma = \frac{1}{\rho}$$

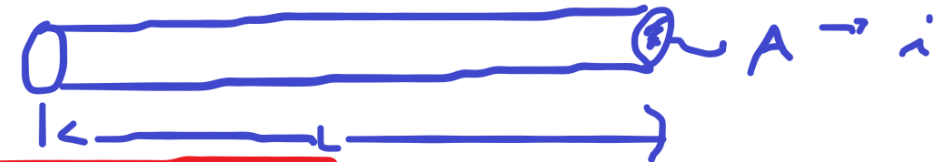
ΑΓΩΡΙΜΟΤΗΤΑ

ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΤΟΥ R ΑΠΟ ΤΟ ρ

$$\rho = \frac{E}{J} = \frac{V}{L} \frac{A}{i}$$

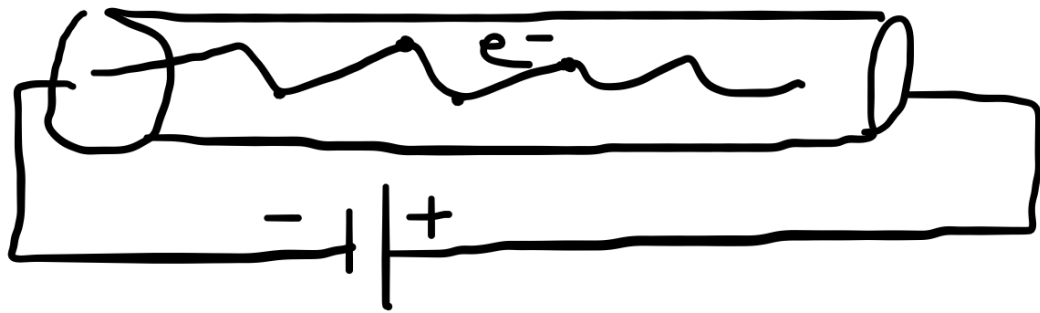
$$V = \rho \frac{L}{A} i$$
$$V = R i$$

$$R = \rho \frac{L}{A}$$



ΜΙΚΡΟΣΚΟΠΙΚΗ ΘΕΩΡΗΣΗ ΤΟΥ ΝΟΜΟΥ ΤΟΥ ΟΗΜ

9.4.21 (8)



τ : χρόνος μετατόπισης
συγκρούσεων

$$a = \frac{F}{m} = \frac{eE}{m}$$

$$v_d = a \cdot \tau = \frac{eE\tau}{m}$$

$$J = n_e \cdot e \cdot v_d \Rightarrow v_d = \frac{J}{n_e e}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{eE\tau}{m} \\ \frac{J}{n_e e} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{eE\tau}{m} = \frac{J}{n_e e} \Rightarrow E = \frac{m}{n_e e^2 \tau} J$$

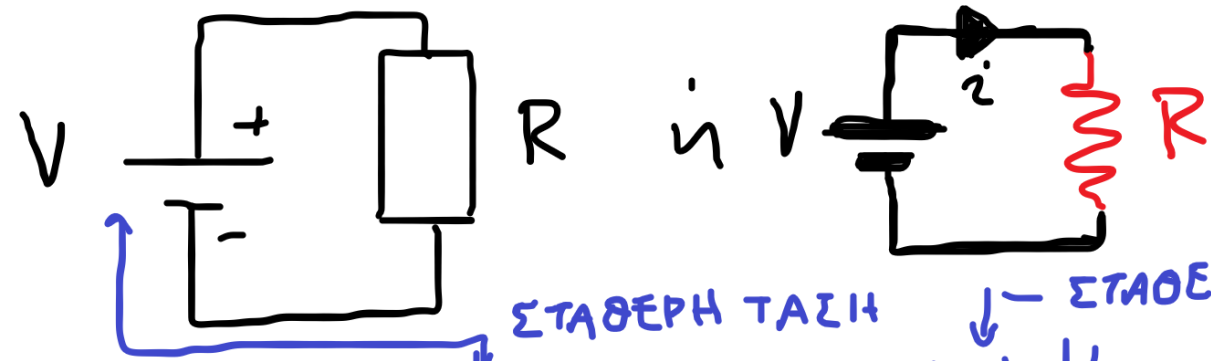
$$E = \rho J$$

$$\therefore \rho = \frac{m}{n_e e^2 \tau}$$

ΗΛΕΚΤΡΙΚΗ ΙΣΧΥΣ

9.4.21

9



ΠΟΣΗ ΕΝΕΡΓΕΙΑ ΚΑΤΑΧΩΛΩΝΕΙ
Η ΜΠΑΤΑΡΙΑ ΓΙΑ ΝΑ ΖΕΙΤΑΝΕΙ
ΤΗΝ ΑΝΤΙΣΤΑΣΗ

ΣΤΑΘΕΡΗ ΤΑΣΗ ΣΤΑΘΕΡΗ ΕΝΤΑΣΙΗ

$$dU = V \cdot dq = V \cdot i(t) dt \Rightarrow \frac{dU}{dt} = V \cdot i$$

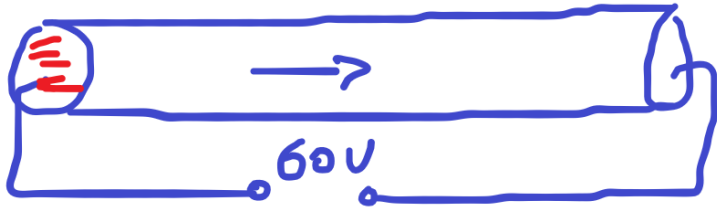
$$\frac{dU}{dt} = P \text{ ΙΣΧΥΣ}$$

$$\therefore P = \underline{V \cdot i} = R \cdot i^2 = \frac{V^2}{R}$$

$$[P] = \text{VOLT} \cdot \text{Ampere} = \frac{\text{Joule}}{\text{sec}} = \underline{\underline{\text{Watt}}}$$

26.50) Η πυκνότητα ρεύματος σε έναν κυλινδρικό αγωγό ακτίνας $R = 3\text{mm}$ είναι $J = (2.75 \times 10^{10} \text{A/m}^2)r^2$, όπου το r είναι η ακτινική απόσταση. Στα άκρα του αγωγού εφαρμόζεται διαφορά δυναμικού 60V . Υπολογίστε την ενέργεια που μετατρέπεται σε θερμική στην διάρκεια 1h.

ΛΥΣΗ:



$$J = \alpha r^2 \quad \alpha = 2.75 \times 10^{10} \frac{\text{A}}{\text{m}^2}$$

$$\pi R^2 = d(\pi r^2) = \underline{2\pi r dr}$$

$$\Delta Q = P \cdot \underline{\Delta t} \quad (1)$$

$$P = V \cdot i \quad (2)$$

$$i = \int_0^R J \cdot 2\pi r \cdot dr = \int_0^R \alpha r^2 \cdot 2\pi r \cdot dr = 2\pi\alpha \int_0^R r^3 dr = 2\pi\alpha \left. \frac{r^4}{4} \right|_0^R = \frac{\pi\alpha R^4}{2} = 3.4 \text{ A} \quad (3)$$

$$(2)(3) \Rightarrow P = V \cdot i = 60\text{V} \cdot 3.4\text{A} = 204 \text{ W} \Rightarrow \Delta Q = 204 \frac{\text{Joule}}{\text{Sec}} \cdot 3600 \text{ Sec} = 7.34 \cdot 10^5 \text{ Joule}$$

$R_g = 6.37 \cdot 10^6 \text{ m}$

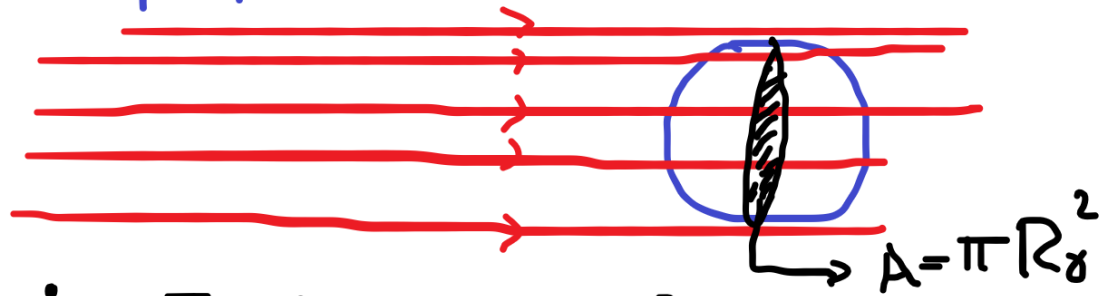
26.10 Η γή βομβαρδίζεται από πρωτόνια (ηλιακός άνεμος). Η πυκνότητα πρωτονίων κοντά στην επιφάνεια της γής είναι 8.7 cm^{-3} και η ταχύτητα τους είναι $v_p = 470 \text{ km/sec}$

- (α) Υπολογίστε την πυκνότητα ρεύματος στην επιφάνεια της γής
- (β) Υπολογίστε την ένταση του ρεύματος στη επιφάνεια της γής (αγνοήστε το μαγνητικό πεδίο της γής).

α) $n_p = \frac{8.7}{\text{cm}^3} = \frac{8.7}{(10^{-2} \text{ m})^3} = \frac{8.7}{10^{-6} \text{ m}^3} = 8.7 \cdot 10^{+6} \text{ m}^{-3}$

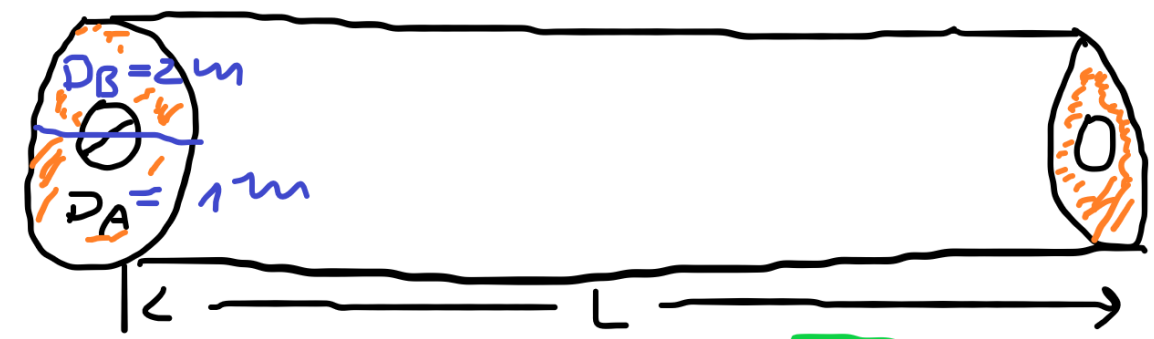
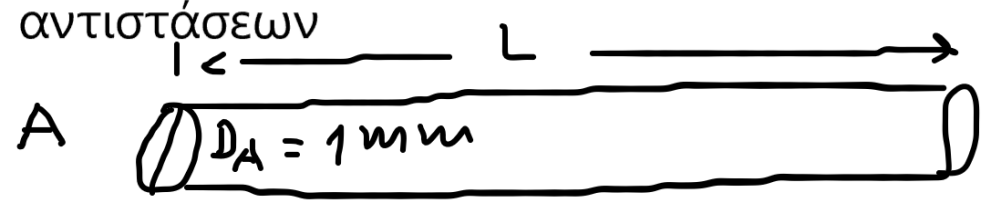
$J = n_p q_p v_p = 6.54 \cdot 10^7 \text{ A m}^{-2}$

β)



$i = J \cdot A = J \cdot \pi \cdot R_g^2 = 8.34 \cdot 10^7 \text{ A}$

26.23 Δύο αγωγοί είναι κατασκευασμένοι από το ίδιο υλικό και έχουν το ίδιο μήκος. Ο αγωγός A είναι ένα συμπαγές σύρμα διαμέτρου 1mm. Ο αγωγός B είναι κούφιος σωλήνας εξωτερικής διαμέτρου 2mm και εσωτερικής διαμέτρου 1mm. Ποιός είναι ο λόγος των αντιστάσεων



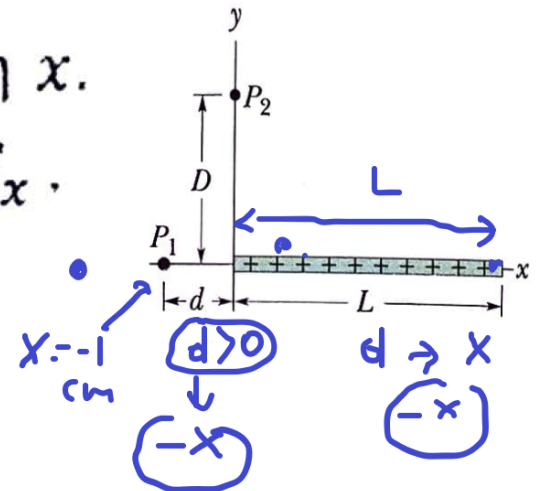
ΙΔΙΟ ΥΛΙΚΟ $\Rightarrow \rho_A = \rho_B$

$$R_A = \rho_A \cdot \frac{L}{A_A} = \rho_A \cdot \frac{L}{\pi R_A^2} = \rho_A \cdot \frac{L}{\pi (D_A/2)^2} = \frac{4L \rho_A}{\pi D_A^2} \quad (1)$$

$$R_B = \rho_B \cdot \frac{L}{\pi R_B^2 - \pi R_A^2} = \rho_B \cdot \frac{L}{\pi \left(\frac{D_B}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{D_A}{2}\right)^2} = \rho_A \cdot \frac{4L}{\pi (D_B^2 - D_A^2)} \quad (2)$$

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\cancel{4L} \rho_A \pi (D_B^2 - D_A^2)}{\pi D_A^2 \cancel{4L} \rho_A} = \frac{D_B^2 - D_A^2}{D_A^2} = \frac{4 - 1}{1} = 3$$

24.38 Στην άσκηση 24.30 (α) έχοντας υπολογίσει το δυναμικό στο σημείο P_1 εκφράστε το δυναμικό για κάθε σημείο με συντεταγμένη x .
 (β) Στη συνέχεια υπολογίστε την συνιστώσα του ηλεκτρικού πεδίου E_x .



$$V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 L} \ln\left(\frac{d+L}{d}\right) \quad (24.30)$$

$$V(x) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 L} \ln\left(\frac{-x+L}{-x}\right)$$

β)

$$\vec{E} = -\vec{\nabla} V(x) \Rightarrow E_x = -\frac{\partial V}{\partial x} = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\partial}{\partial x} \ln\left(\frac{x-L}{x}\right) = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \frac{x}{x-L} \frac{1}{x^2} =$$

$$= -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{x(x-L)}$$

$$\frac{x}{x-L} \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{x-L}{x}\right) = \frac{1 \cdot x - (x-L) \cdot 1}{x^2} = \frac{-x+L}{x^2} = \frac{L}{x^2}$$

24

••39 Πόσο είναι το μέτρο του ηλεκτρικού πεδίου στο σημείο $(3.00\hat{i} - 2.00\hat{j} + 4.00\hat{k})$ m, αν το ηλεκτρικό δυναμικό δίνεται από την $V = 2.00xyz^2$, όπου το V είναι σε volt και τα x , y και z είναι σε μέτρα;

$$\vec{r}_0 = (3, -2, 4)$$

$$V = 2xyz^2$$

10.4.21 (4)

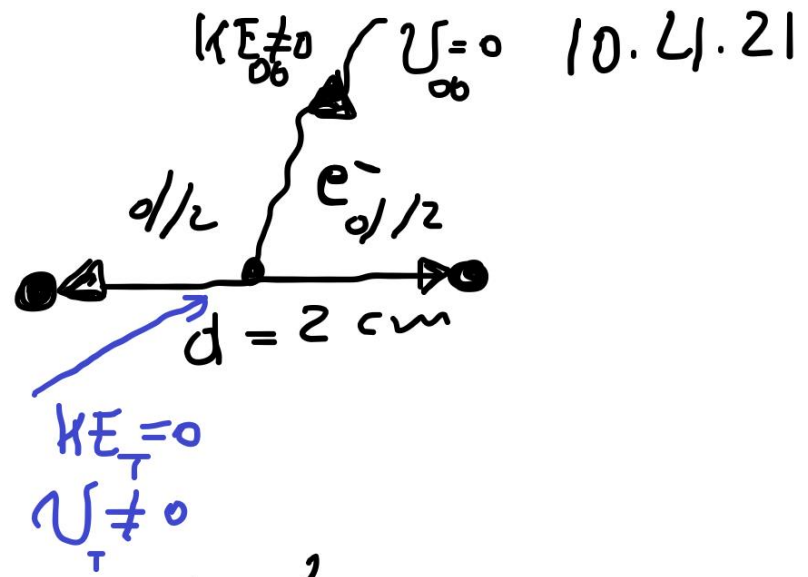
$$\vec{E} = -\vec{\nabla} V \Rightarrow E_x = -\left.\frac{\partial V}{\partial x}\right|_{\vec{r}_0} = -2yz^2\bigg|_{\vec{r}_0} = -2(-2)16 = 64 \text{ V/m}$$

$$E_y = -\left.\frac{\partial V}{\partial y}\right|_{\vec{r}_0} = -2xz^2\bigg|_{\vec{r}_0} = -2 \cdot 3 \cdot 16 = -96 \text{ V/m}$$

$$E_z = -\left.\frac{\partial V}{\partial z}\right|_{\vec{r}_0} = -4xyz\bigg|_{\vec{r}_0} = -4(3)(-2)(4) = 96 \text{ V/m}$$

$$|\vec{E}| = \sqrt{64^2 + 2 \cdot 96^2} = 150 \frac{\text{V}}{\text{m}} = 150 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

24 ••53 Δύο ηλεκτρόνια είναι ακλόνητα σε απόσταση 2.0 cm μεταξύ τους. Ένα άλλο ηλεκτρόνιο εκτοξεύεται από το άπειρο και σταματάει στο μέσο της απόστασης των δύο ηλεκτρονίων. Πόση είναι η αρχική του ταχύτητα;



(5)

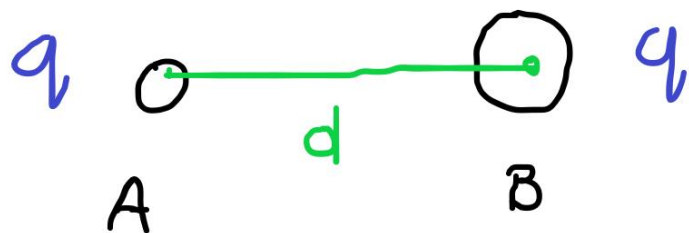
$$KE_{\infty} + U_{\infty} = KE_T + U_T \Rightarrow$$

$$KE_{\infty} = U_T = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{e^2}{d/2} + \frac{e^2}{d/2} \right] = \frac{4e^2}{4\pi\epsilon_0 d} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} m_e v_{\infty}^2 = \frac{4e^2}{4\pi\epsilon_0 d} \Rightarrow v_{\infty} = \sqrt{\frac{8e^2}{4\pi\epsilon_0 m_e d}} = 3.2 \cdot 10^2 \frac{m}{sec}$$

10.4.21 (6)

24•51 Δύο μικροσκοπικές μεταλλικές σφαίρες A και B, μάζας $m_A = 5.00 \text{ g}$ και $m_B = 10.0 \text{ g}$, έχουν ίσο θετικό φορτίο $q = 5.00 \mu\text{C}$. Οι σφαίρες είναι συνδεδεμένες με μονωτικό νήμα, χωρίς μάζα, μήκους $d = 1.00 \text{ m}$, το οποίο είναι πολύ μεγαλύτερο από τις ακτίνες των σφαιρών. (α) Πόση είναι η ηλεκτρική δυναμική ενέργεια του συστήματος; (β) Υποθέστε ότι κόβετε το νήμα. Τη στιγμή αυτή, πόση είναι η επιτάχυνση κάθε σφαίρας; (γ) Πολλή ώρα αφότου κόψετε το νήμα, πόση είναι η ταχύτητα κάθε σφαίρας;



$$\alpha) U = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 d} = \frac{8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2} (5.0 \cdot 10^{-6} \text{ C})^2}{1.0 \text{ m}} = 0.225 \text{ J}$$

$$\beta) F = \frac{q^2}{4\pi\epsilon_0 d^2} = \frac{0.225 \text{ Joule}}{1 \text{ m}} = 0.225 \text{ N} \rightarrow a_A = \frac{F}{m_A} = 22.5 \text{ m/s}^2$$

$$\gamma) 0 + U = 0 + \frac{1}{2} m_A v_A^2 + \frac{1}{2} m_B v_B^2 \quad (1)$$

$$m_A v_A + m_B v_B = 0 \quad (2) \rightarrow v_B = -\frac{m_A v_A}{m_B} \Rightarrow$$

10.4.21

⑦

$$\rightarrow U = \frac{1}{2} m_A v_A^2 + \frac{1}{2} m_B \left(\frac{m_A v_A}{m_B} \right)^2 \Rightarrow$$

$$U = \frac{1}{2} m_A v_A^2 + \frac{1}{2} \cancel{m_B} \frac{m_A^2 v_A^2}{m_B}$$

$$U = \frac{1}{2} \left(m_A + \frac{m_A^2}{m_B} \right) v_A^2 = \frac{1}{2} \frac{m_A m_B + m_A^2}{m_B} v_A^2 \Rightarrow$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{m_A}{m_B} (m_A + m_B) v_A^2 \Rightarrow v_A = 7.75 \text{ m/s}$$

$$\textcircled{2} \rightarrow v_B = - \frac{m_A}{m_B} v_A = -3.87 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$